

# 蓝书Incredible——DA★ZE~

---

## 第一章

---

### 1.特殊点中位数（P6）

- 如果猜测数值可以试试中位数的特性ovo

### 2.汉诺塔专项（P27）

- 搬盘子操作可逆...（对称性）
- 所以步数差就很厉害

### 3.最小值最大 或者反过来 = 二分（P28）

- 因为容易忘记二分，就写到这里啦~
- 写二分对一些问题 等于 加个限制条件变成判断问题

### 4.无根树转有根树 & 深度表（P35）

- 对树的问题还是很有用吧？
- 我写的树太少了

### 5.动态维护[维护信息，而不是重新计算]（P42）

- 对某些题目思考一波，可能有些东西可以动态维护减去了一层时间复杂度哦
- 这个题的差值最大也挺有用的/模板qwq

### 6.Floyd判圈算法（P44）

- 俩人，一个跑的快（一次走两步），另一个跑的慢（一次走一步）
- 如果有环（链表环，循环节.....各种形式的环），那么慢的肯定会被快的追上（速度差1，追及问题）
- lyj大大的代码节选

```
int ans=k;
int k1=k,k2=k;
do{
    k1=next(n,k1);//小孩1
    k2=next(n,k2);if(k2>ans)ans=k2;//小孩2，第一步
    k2=next(n,k2);if(k2>ans)ans=k2;//小孩2，第二步
    //这里的俩if是针对那个题的
}while(k1!=k2);
```

### 7.1扫描线 & 细节思考（P46）

- 扫描线操作很厉害，转换模型使用很强的！
- 注意所有题目的恰好的地方，那些关键的临界点！

## 7.2扫描线 & 悬线法 (P51)

---

- 最大子矩阵... $O(nm)$ 复杂度哦
- 单调栈写法qwq

## 8.枚举所有 -?> 枚举部分 (P53)

---

- 打不了写的暴力，然后考虑优化容易偏到这里23333
- 有些东西不用枚举，可以预处理+靠枚举别的限制 $O(1)$ 算出来啦

## 9.降维打击 & 多维前缀和问题 (P55)

---

- 解决高维问题的常见思路是降维
- P55题目题解1: 综合了一些(8)和(7.2)，枚举上下推一维是一些题目的解决技巧
- 多维前缀和，自己瞎写吧233
- P56代码给了个高维容易扩展的版本 (but我没看懂)

## 10.折半查找/Meet-in-the-Middle (P58)

---

- 本来是 $2^n$ 的复杂度，能降低到 $2^{\frac{n}{2}} * \log n$
- 集合拆开对半分，两边分开算数然后枚举一边在另一边查找
- 好多东西都可以对半拆这么玩哈哈哈哈

## 11.DAG dp (P60)

---

- 这个感觉能控制点了，方向那种的感觉
- 来到这一条主要靠抽象数学模型哦

## 12.预定加和/提前算数 (P64)

---

- 就像递推，因为前一个的影响，后一堆都会如何如何。
- 但是后边被影响的那些元素贡献可能分开算不好计算，这时可以提前加他们的被影响贡献到答案，等于他们都不用算那些影响啦！
- 影响合并 vs 影响分开

## 13.递推约瑟夫环最后留下的人 (P65)

---

- 直接上公式：  
假设编号 $0 \sim n-1$ 的 $n$ 个数排成一圈，从0开始每 $k$ 个数删除一个，最后留下的数字编号记为 $f(n)$   
则 $f(1)=0, f(n)=(f(n-1)+k)\%n$
- 看准上边的 $n$ 是每一个递推的那个 $n$ ，不是每次都是模最终 $n$
- 原因详见蓝书，简略就是能重新编号
- ex: 第一个删除 $m$ 的话，答案是 $(m-k+1+f[n])\%n$ ，这个数字要改成 $1 \sim n$ 之间的  
解释一下的话感觉就是相对偏移，还是能重新编号然后算差值

## 14.LCS (最长公共子序列 $O(n^2)$ ) 转换成LIS (最长上升子序列 $O(n\log n)$ ) (P66)

---

- 要求俩序列分别各自序列里都没有相同元素
- 给A序列重新编号 $1 \sim \text{len}A+1$
- 对应的按着A序列对应给B序列编号

- example:  
 $A=\{1,7,5,4,8,3,9\}$   
 $B=\{1,4,3,5,6,2,8,9\}$   
 重新编号后的:  
 $A=\{1,2,3,4,5,6,7\}$   
 $B=\{1,4,6,3,0,0,5,7\}$
- 然后在B里求LIS就好啦~ ( $n^2 \rightarrow n \log n$ )

## 15.在dp里顺手递推计算优化时间 (P69)

- 类似 (5)

## 16.枚举一个集合S的子集S0 (P70)

- 这太强了!

```
f[0]=0;
int ALL=(1<<n)-1;
for(int S=1;S<(1<<n);S++){
    f[S]=0;
    for(int s0=S;s0>0;s0=(s0-1)&S)
        if(cover[s0]==ALL)f[S]=max(f[S],f[S^s0]+1);
}
printf("Case %d: %d\n",++kase,f[ALL]);
```

- 简单来讲就是,  $(S0-1) \& S$ , 后边全1正好&之后搞掉一个, 加上最后  $S \setminus S0$  正好枚举了所有不一样的  $0 \setminus 1$  组成的子集
- 太强了太强了, wsl
- 这个时间复杂度有点迷qwq

## 17.两个优化量的dp & dp状态设计改善方案 (P71)

- 两个优化量v1、v2, 要求首先满足v1最小, 在v1相同的情况下v2最小。
  - 可以把二者组合成一个量  $M \cdot (v1) + (v2)$ , 其中M是一个比“v2的理论最大值和理论最小值之差”还要大的数。
- dp状态设计影响抉择的话, 就都放到状态里试试叭!
- 当前感觉: dp状态后效? >> 状态修正/决策考虑

## 18.dp方程——合并与增减变换 (P73)

- 给人感觉就像是求累加 $\sum$ 或者是求累乘 $\prod$ 式子变换一样, 无关的搞出来, 有关的可以组合——可能新结合量有单调性之类的考虑哦

## 19.集合dp的状态再压缩 (P75)

- 可能有些状态是重复的表示! 想想有什么能统一的方法ovo

## 第三章